

برآورد دقت برآوردهای غیرخطی در آمارگیری‌ها

روشنک علی‌محمدی: دانشگاه الزهرا(س)

چکیده

در این مقاله مسئلهٔ برآورد دقت برای برآوردهای غیرخطی بررسی می‌شود و رابطه‌ای برای محاسبهٔ واریانس کل این نوع از برآوردهای بر حسب واریانس‌های نمونه‌گیری و غیرنمونه‌گیری تحت فرضیاتی ارائه می‌شود. همچنین با در نظر گرفتن مدل خطای پاسخ در آمارگیری‌ها و ارائهٔ برآوردهای مؤلفه‌های واریانس آن تحت فرضیات مدل از جمله نرمال بودن اثرهای تصادفی، روابطی برای محاسبهٔ دقت آماره‌های آمارگیری اثبات می‌شود. بهمنظور ارائهٔ کاربردی عملی برای برآورد واریانس کل آمارگیری‌ها، از دو مجموعهٔ داده‌های نوعی استفاده شده است و دقت آمارگیری برای یک برآوردهای غیرخطی با بهکارگیری نتایج حاصل در این مقاله، محاسبه شده است.

مقدمه

اطلاعات و نتایج حاصل از آمارگیری‌ها دارای کاربردهای متعددی در برنامه‌ریزی‌ها هستند. بدیهی است که تصمیم‌گیری‌های موفق به اطلاعات آماری با درستی بالا نیاز دارند. لذا آگاهی کاربران از میزان درستی نتایج حاصل از آمارگیری‌ها ضروری بهمنظر می‌رسد. برای برآورد درستی لازم است دقت داده‌ها محاسبه شود. دقت رابطهٔ عکس با واریانس کل در آمارگیری‌ها دارد. برای تعیین واریانس کل آمارگیری علاوه بر برآورد واریانس نمونه‌گیری، محاسبهٔ واریانس غیرنمونه‌گیری نیز ضروری است.

در برآورد واریانس نمونه‌گیری لازم است به طرح نمونه‌گیری و شکل برآوردهای توجه شود. بخش اعظم نظریه نمونه‌گیری کلاسیک در مورد طرح‌های نمونه‌گیری ساده و برآوردهای خطی است، اما در عمل سایر حالت‌ها نیز بهوفور رخ می‌دهند. بسیاری از نویسندهان از جمله کوکران (۱۹۷۷) دربارهٔ برآورد واریانس در ارتباط با برآوردهای و طرح‌های نمونه‌گیری پایه‌ای بحث کرده‌اند [۱]. ولتر (۲۰۰۷) با در نظر گرفتن طرح‌های نمونه‌گیری پیچیده و انواع برآوردهای به بررسی روش‌های محاسبهٔ واریانس (نمونه‌گیری) پرداخته است [۲]. در مراجع [۳] و [۴] نیز برخی از روش‌های برآورد واریانس نمونه‌گیری بررسی شده است.

گرووز (۲۰۰۴) به معرفی خطاهای غیرنمونه‌گیری در آمارگیری‌ها پرداخته است [۵]. باوداز (۲۰۰۶) به

واژه‌های کلیدی: دقت آمارگیری، واریانس کل، مدل خطای پاسخ، برآوردهای غیرخطی، تقریب تیلور.

پذیرش ۸۸/۱۰/۲

دریافت ۸۷/۳/۳۰

*نویسنده مسئول

بررسی منابع خطای پاسخ بر اساس تکرار انداز مکرری‌ها پرداخته و توصیه‌هایی در این مورد ارائه داده است [۶]. علی‌محمدی (۱۳۸۴) ضمن بررسی انواع خطاهای آمارگیری، مدلی برای خطای پاسخ در آمارگیری‌ها پیشنهاد کرده است [۷] و در مرجع [۸] نیز به برآورد واریانس نمونهگیری برخی برآوردهای طرح‌های آماری گوناگون و بر اساس داده‌های واقعی پرداخته است.

یکی از کاربردهای مدل خطای پاسخ در برآورد واریانس غیرنمونهگیری است. برای محاسبه واریانس غیرنمونهگیری می‌توان به برآورد مؤلفه‌های واریانس مدل خطای پاسخ مورد نظر پرداخت. علی‌محمدی (۱۳۸۶) به برآورد مؤلفه‌های واریانس مدل خطای پاسخ در آمارگیری‌های حضوری پرداخته است [۹].

در این مقاله، مسئله محاسبه دقت برآوردهای غیرخطی (نسبت به مشاهدات) بررسی می‌شود و برای این نوع از برآوردهای رابطه‌ای برای محاسبه واریانس کل آمارگیری بیان و اثبات می‌شود. علاوه بر این، محاسبه واریانس کل آمارهای غیرخطی (در دو حالت که به مقادیری از مجموعه داده‌ها بستگی دارد)، بررسی شده است. بهمنظور کاربردی نمودن روابط حاصل لازم است که مؤلفه‌های واریانس مدل خطای پاسخ برآورد شوند، بدین طریق دقت آمارگیری برآوردهای مورد نظر قابل محاسبه می‌شود.

برای ارائه کاربردی عملی از روابط ارائه شده در این مقاله، دو مجموعه از داده‌های نوعی در نظر گرفته شده است [۱۰]. در بخش کاربرد، میزان دقت آمارگیری یک برآوردهای غیرخطی از طریق بررسی واریانس نمونهگیری و واریانس غیرنمونهگیری برآوردهای روابط حاصل، محاسبه می‌شود.

بهدلیل فقدان و یا کهنجی چارچوب‌های فهرستی، در اکثر آمارگیری‌های نمونه‌ای از طرح‌های چندمرحله‌ای استفاده می‌شود، لذا در این مقاله، رابطه‌ها و برآوردهای با در نظر گرفتن طرح نمونهگیری خوش‌های دو مرحله‌ای بدست آمداند. داده‌های بررسی شده در بخش کاربرد نیز از آمارگیری دارای طرح نمونهگیری خوش‌های دو مرحله‌ای حاصل شده‌اند و برآوردهای مورد نظر نسبت به مشاهدات غیرخطی است. لذا برآورد دقت بهروش مناسب و بر اساس طرح نمونهگیری و نوع برآوردهای محاسبه شده است.

واریانس کل آمارگیری

دقت به عنوان یک مؤلفه مهم در کیفیت داده‌های آماری مورد توجه قرار دارد. واریانس کل بهمنظور تعیین میزان دقت آمارگیری محاسبه می‌شود. خطای کل در آمارگیری‌ها شامل خطاهای نمونهگیری و غیرنمونهگیری است.

۱. محاسبه واریانس کل برآوردهای غیرخطی

در این بخش روابط و برآوردهایی برای محاسبه واریانس کل آمارهای غیرخطی ارائه می‌شوند. برای ارائه نتایج بهصورتی که دارای قابلیت کاربرد در عمل باشند، مسئله برآورد واریانس کل آمارگیری در ارتباط با آمارگیری‌های عمدۀ و پرکاربرد بررسی می‌شود.

برای توضیح نحوه بهکارگیری مدل خطای پاسخ در محاسبه دقت برآوردهای غیرخطی، حالت زیر را در نظر می‌گیریم.

فرض کنید یک نمونه خوش‌های دو مرحله‌ای که در هر مرحله نمونه‌ها بهصورت تصادفی و بدون جایگذاری انتخاب شده‌اند، از جامعه‌ای در دسترس باشد. در مرحله اول، نمونه‌ای تصادفی بهاندازه n خوش از جامعه‌ای شامل N خوش استخراج می‌شود. هر خوش شامل M واحد نمونه‌گیری است. در مرحله دوم نمونه‌گیری از هر خوش m واحد بهطور تصادفی انتخاب می‌شود. استفاده از بخشی از جامعه برای برآورد پارامتر جامعه، سبب بروز خطای نمونه‌گیری می‌شود.

با فرض اندازه‌گیری صفت مورد نظر از تمام افراد نمونه، مقدار خطای بی‌پاسخی صفر می‌شود. در صورتی که چارچوب نمونه‌گیری، مناسب و منطبق بر جامعه هدف باشد، مقدار خطای پوشش نیز ناچیز است. همچنین با توجه به پیشرفت فناوری، امکان حذف خطای پردازش داده‌ها نیز وجود دارد. لذا خطای پاسخ تنها خطای غیرقابل اجتناب در بین خطاهای غیرنمونه‌گیری است.

برای محاسبه واریانس کل در آمارگیری‌ها به مراحل تصادفیدن یعنی استخراج نمونه‌تصادفی و مدل خطای پاسخ توجه می‌شود.

علی‌محمدی (۱۳۸۴) با بررسی نحوه اجرای آمارگیری‌های حضوری مدل خطای پاسخ را بدین صورت ارائه کرده است:

$$y_{ijkls} = \mu_{ijkls} + A_i + B_{ij} + C_{ijk} + D_{ijkl} + R_{ijkls} \quad (1)$$

که در آن μ_{ijkls} مقدار واقعی، y_{ijkls} مقدار مشاهده شده‌ایمین واحد (در استان i ام مربوط به کارشناس مسئول زام و بازبین (و کدگزار) k ام و پرسش‌گر l ام)، A_i اثر استان i ام، B_{ij} اثر کارشناس مسئول زام در استان i ام، C_{ijk} اثر بازبین (و کدگزار) k ام در استان i ام برای کارشناس مسئول زام، D_{ijkl} اثر پرسش‌گر l ام مربوط به بازبین k ام و کارشناس مسئول زام در استان i ام، و R_{ijkls} اثر i امین پاسخگوی منتبه به پرسش‌گر l ام مربوط به بازبین k ام و کارشناس مسئول زام در استان i ام است.

بهدلیل این‌که در آمارگیری‌ها معمولاً از کارشناسان مسئول و بازبین‌های ثابت استفاده می‌شود، لذا اثر این عامل‌ها در مدل ثابت هستند. بهدلیل اجرای این طرح‌ها در همه استان‌ها، اثر استان نیز ثابت است و پرسشگرها و پاسخگویان، اثرهایی تصادفی در مدل دارند.

برای بررسی مدل (۱) فرض می‌شود که اثرهای تصادفی مدل ناهمبسته و دارای توزیع‌های

$$R_{ijkl} \sim N(0, \sigma_R^2) \quad D_{ijkl} \sim N(0, \sigma_D^2)$$

در عمل معمولاً بهدلیل بروز خطای غیرنمونه‌گیری، مقادیر واقعی برای افراد نمونه قابل دسترس نیست. لذا از مقادیر مشاهده شده در نمونه بهمنظور برآورد پارامتر مورد نظر استفاده می‌شود.

فرض می‌شود که مقادیر مشاهده شده برای پاسخگویان مناسب به پرسشگرها مختلف با هم ناهمبسته‌اند و تنها اندازه پاسخگویان مناسب به یک پرسشگر خاص می‌تواند بهم وابسته باشد. هر پرسشگر با تعدادی از پاسخگویان در خوش‌های تخصیص یافته به وی مصاحبه می‌کند و تعداد پرسشگرها برابر L است. یعنی پاسخگویان هر خوش‌های تخصیص یافته با یک پرسشگر مصاحبه می‌شوند و تعداد خوش‌های مناسب به هر پرسشگر برابر با $n=hL$ است. (با توجه به این‌که در مدل (۱)، تنها اثرهای پرسشگر و پاسخ‌گو تصادفی هستند، لذا این مؤلفه‌ها دارای واریانس بوده و تخصیص بیان شده کافیت می‌کند. لذا نیازی به بحث در مورد تخصیص پرسشگرها به سایر عملگرهای آمارگیری نیست).

در این مقاله برآورد دقت آمارگیری برآوردهای غیرخطی مدنظر است. لذا ابتدا به بررسی این مسئله در حالت کلی پرداخته می‌شود و سپس برای یک برآوردهای غیرخطی خاص، روابط بهصورت دقیق ارائه می‌شود. برای نشان دادن برآوردهای غیرخطی در حالت کلی از نماد N استفاده می‌کنیم. بهمنظور محاسبه واریانس کل دو مرحله تصادفیدن مطرح می‌شود. در مرحله اول تصادفیدن، نمونه تصادفی طبق طرح نمونه‌گیری مورد نظر از جامعه انتخاب و به پرسشگرها مناسب می‌شوند و مرحله دوم تصادفی شدن ناشی از مدل خطای پاسخ است.

با توجه به دو مرحله تصادفی شدن، واریانس برآوردهای بهصورت زیر محاسبه می‌شود:

$$Var_{pz}(N) = E_p(Var_z(N | p)) + Var_p(E_z(N | p)) \quad (2)$$

در رابطه (۲)، نماد p برای مرحله استخراج نمونه تصادفی و انتساب آن به پرسشگرها و اندیس z برای مدل خطای پاسخ بهکار می‌رود. لذا $E_z(N | p)$ و $Var_z(N | p)$ مقدار مورد انتظار و واریانس بهشرط انتخاب نمونه تصادفی و تخصیص آن به پرسشگرها را نشان می‌دهد. همچنین اندیس z در $E_z(N | p)$ بهترتب نشان‌دهنده مقدار مورد انتظار و واریانس نسبت به مدل خطای پاسخ است.

در صورتی که تقریب تیلور برای خطی کردن برآوردهای غیرخطی N بهکار رود، عبارت $(N \mid p)_{\bar{V}}$ در جمله اول رابطه (۲)، واریانس غیرنمونه‌گیری برآوردهای غیرخطی N است که در حالت کلی تابعی از مقادیر ثابت، مقادیر واقعی و مؤلفه‌های واریانس است (زیرا واریانس نسبت به مدل خطای پاسخ (ج) محاسبه شده و تحت شرایط بیان شده یعنی قابل اغماض بودن سایر خطاها غیرنمونه‌گیری می‌توان آن را با واریانس غیرنمونه‌گیری معادل دانست). لذا مقدار مورد انتظار $(N \mid p)_{\bar{V}}$ نسبت به مرحله p (یعنی انتخاب پاسخگویان از جامعه و انتساب آن‌ها به پرسشگرها) ثابت است و در نتیجه جمله اول رابطه (۲) برابر با واریانس غیرنمونه‌گیری برآوردهای غیرخطی مورد نظر بر اساس مدل (۱) است.

در جمله دوم رابطه (۲)، با توجه به فرض صفر بودن $E(D)$ و $E(R)$ ، مقدار مورد انتظار برآوردهای N نسبت به مدل (۱) (یعنی $(N \mid p)_{\bar{E}}$) تابعی از مقادیر واقعی و مقادیر ثابت است، بنا بر این واریانس این عبارت برابر جمله دوم رابطه (۲) است که واریانس برآوردهای N نسبت به مرحله p است و در نتیجه جمله دوم رابطه (۲) همان واریانس نمونه‌گیری برآوردهای N است. لذا رابطه (۲) نشان می‌دهد که واریانس کل برآوردهای غیرخطی را می‌توان با حاصل جمع واریانس‌های نمونه‌گیری و غیرنمونه‌گیری برآوردهای N بدست آورده و محاسبه این واریانس‌ها می‌توان مقدار مورد انتظار و واریانس روابط مربوط را با استفاده از تقریب تیلور تابع برآوردهای غیرخطی را می‌توان با محاسبه کرد.

حال برای بررسی دقیق‌تر مسئله، یک برآوردهای غیرخطی خاص را مد نظر قرار داده و نحوه محاسبه دقت آمارگیری برای آن ارائه می‌شود.

بهدلیل کاربردهای فراوان برآوردهای نسبتی، محاسبه واریانس کل این نوع از برآوردهای غیرخطی مورد توجه قرار گرفته است، که برای سایر آماره‌ها نیز می‌توان از روشی مشابه استفاده کرد. برآوردهای مورد نظر را که نسبت میانگین‌های نمونه‌ای دو صفت X و Y است با $\bar{X} = \frac{\bar{X}_{sx}}{\bar{Y}_{sy}}$ نشان می‌دهیم. در این صورت رابطه (۲) عبارت است از:

$$Var_{pz}(T) = E_p(Var_z(T \mid p)) + Var_p(E_z(T \mid p)) \quad (3)$$

با بهکارگیری تقریب تیلور و تحت مدل (۱)، مقدار مورد انتظار و واریانس T بهترتبیب عبارتند از:

$$E_z(T) = \frac{\bar{\mu}_{sx} + E(D) + E(R)}{\bar{\mu}_{sy} + E(D) + E(R)} = \frac{\bar{\mu}_{sx}}{\bar{\mu}_{sy}} \quad (4)$$

که در آن $\bar{\mu}_{sx}$ و $\bar{\mu}_{sy}$ بهترتبیب میانگین مقادیر واقعی صفات X و Y هستند.

$$\begin{aligned}
 Var_z(T = \frac{\bar{X}}{\bar{Y}}) &= \left[\frac{E_z(\bar{X})}{E_z(\bar{Y})} \right]^2 \left[\frac{Var_z(\bar{X})}{E_z^2(\bar{X})} + \frac{Var_z(\bar{Y})}{E_z^2(\bar{Y})} - \frac{2Cov_z(\bar{X}, \bar{Y})}{E_z(\bar{X})E_z(\bar{Y})} \right] \\
 &= \left[\frac{\bar{\mu}_{sx}}{\bar{\mu}_{sy}} \right]^2 \left[\frac{Var_z(\bar{X})}{\bar{\mu}_{sx}^2} + \frac{Var_z(\bar{Y})}{\bar{\mu}_{sy}^2} - \frac{2Cov_z(\bar{X}, \bar{Y})}{\bar{\mu}_{sx}\bar{\mu}_{sy}} \right] \\
 &= \frac{\bar{\mu}_{sx}^2}{\bar{\mu}_{sy}^2} \frac{1}{n} [\sigma_D^2(h(1 - \frac{1}{m}) + \frac{1}{m}) + \frac{\sigma_R^2}{m}] \left[\frac{\bar{\mu}_{sx}^2 + \bar{\mu}_{sy}^2 - 2\bar{\mu}_{sx}\bar{\mu}_{sy}}{\bar{\mu}_{sx}^2\bar{\mu}_{sy}^2} \right] \\
 &= \frac{1}{n} [\sigma_D^2(h(1 - \frac{1}{m}) + \frac{1}{m}) + \frac{\sigma_R^2}{m}] (\frac{1}{\bar{\mu}_{sx}^2} + \frac{\bar{\mu}_{sy}^2}{\bar{\mu}_{sy}^4} - \frac{2\bar{\mu}_{sx}}{\bar{\mu}_{sy}^3})
 \end{aligned} \tag{۵}$$

زیرا

$$\begin{aligned}
 Var_z(\bar{y}) &= \frac{1}{n^2} Var_z(\sum_{a=1}^n (\frac{1}{m} \sum_{b=1}^m y_{ab})) = \frac{1}{n^2} [Var_z(\sum_{a=1}^n \bar{y}_{am})] \\
 &= \frac{1}{n^2} (\sum_{a=1}^n (Var_z(\bar{y}_{am}))) + \sum_{a \neq a'} \sum Cov_z(\bar{y}_{am}, \bar{y}_{a'm}) \\
 &= \frac{1}{n^2} [n(\sigma_D^2 + \frac{\sigma_R^2}{m}) + n(h-1)(\frac{m-1}{m})\sigma_D^2] \\
 &= \frac{1}{n} [\sigma_D^2(h(1 - \frac{1}{m}) + \frac{1}{m}) + \frac{\sigma_R^2}{m}]
 \end{aligned}$$

که در آن \bar{y} طبق طرح خوش‌های دو مرحله‌ای تعریف شده، n اندازه خوش‌های نمونه در مرحله اول نمونه‌گیری و m تعداد واحدهایی است که در مرحله دوم نمونه‌گیری به‌طور تصادفی از خوش‌های مرحله اول انتخاب می‌شوند.

از رابطه (۴) نتیجه می‌شود:

$$Var_p(E_z(T)) = Var_p(\frac{\bar{\mu}_{sx}}{\bar{\mu}_{sy}}) \tag{۶}$$

رابطه (۶) نشان‌دهنده تغییرپذیری میانگین مقادیر واقعی نسبت به طرح نمونه‌گیری است. لذا واریانس نمونه‌گیری برآوردهای T را بیان می‌کند.

برای بررسی واریانس کل برآوردهای نسبتی ملاحظه می‌شود که جمله اول عبارت سمت راست رابطه (۳)، مقدار مورد انتظار رابطه (۵) است که با خودش یکسان بوده و واریانس غیرنمونه‌گیری برآوردهای T را نشان می‌دهد، که برای برآوردهای آن بهجای $\bar{\mu}_{sx}$ و $\bar{\mu}_{sy}$ از میانگین مشاهدات در نمونه استفاده می‌شود. جمله دوم سمت

راست رابطه (۳) واریانس نمونهگیری را نشان می‌دهد. لذا نتیجه می‌شود که واریانس کل برآورده مورد نظر تحت فرضیات بیان شده، برابر با مجموع واریانس نمونهگیری و واریانس غیرنمونهگیری برآورده است و علاوه بر این مقدار واریانس غیرنمونهگیری را می‌توان با استفاده از رابطه (۵) بدست آورد.

چنان‌که از رابطه (۵) ملاحظه می‌شود، بهمنظور برآورد واریانس غیرنمونهگیری لازم است مؤلفه‌های واریانس مربوط به اثرهای پرسش‌گر و پاسخ‌گو برآورد شود. علی‌محمدی (۱۳۸۶) مؤلفه‌های واریانس مدل خطای پاسخ (۱) را بهروش ماکسیم درستنمایی مقید، محاسبه کرده و نشان داده است که برآوردهای ماکسیم درستنمایی مقید مؤلفه‌های واریانس مدل (۱) (که مربوط به اثرهای تصادفی پرسش‌گر و پاسخ‌گو هستند)، بهترتبیع عبارتند از:

$$\begin{aligned}\hat{t} &= MSR \\ \hat{\sigma}_D^2 &= \frac{MSD - MSR}{S}\end{aligned}\quad (۷)$$

که در رابطه (۷)، MSD و MSR بهترتبیع میانگین توانهای دوم اثرهای R و D در مدل (۱) و S تعداد پاسخ‌گویان منتنب به هر پرسش‌گر است.

همچنین در صورتی‌که در رابطه (۷)، $MSD < MSR$ باشد، برآوردهای مؤلفه‌های واریانس مدل (۱) بهروش

ماکسیم درستنمایی مقید بین صورت حاصل می‌شوند:

$$\begin{aligned}\hat{t} &= \frac{SSR + SSD}{IJK(LS - 1)} \\ \hat{\sigma}_D^2 &= 0\end{aligned}$$

با قرار دادن این مقادیر در رابطه (۵)، واریانس غیرنمونهگیری برآورده T بین صورت نتیجه می‌شود:

$$\hat{V}(T) = \frac{1}{n} [\hat{\sigma}_D^2 (h(1 - \frac{1}{m}) + \frac{1}{m}) + \frac{\hat{\sigma}_R^2}{m}] (\frac{1}{\bar{x}^2} + \frac{\bar{x}^2}{\bar{y}^4} - \frac{2\bar{x}}{\bar{y}^3}) \quad (۸)$$

لذا در صورتی‌که $MSD \geq MSR$ باشد،

$$\hat{V}(T) = \frac{1}{n} [\frac{MSD - MSR}{S} (h(1 - \frac{1}{m}) + \frac{1}{m}) + \frac{MSR}{m}] (\frac{1}{\bar{x}^2} + \frac{\bar{x}^2}{\bar{y}^4} - \frac{2\bar{x}}{\bar{y}^3}) \quad (۹)$$

و در صورتی‌که $MSD < MSR$ باشد،

$$\hat{V}(T) = \frac{1}{n} [\frac{SSR + SSD}{mIJK(LS - 1)}] (\frac{1}{\bar{x}^2} + \frac{\bar{x}^2}{\bar{y}^4} - \frac{2\bar{x}}{\bar{y}^3}) \quad (۱۰)$$

برای محاسبه واریانس غیرنمونهگیری برآوردهای غیرخطی در آمارگیری ها از هر یک از روابط (۹) یا (۱۰) استفاده کرد. در صورتی که برآورد دقت سایر آمارهای غیرخطی مورد نظر باشد، نتایج مربوط را می‌توان با بهکارگیری روش کلی بیان شده در این بخش، بهدست آورد.

کاربرد

بهمنظور ارائه کاربردی عملی از نتایج حاصل در بخش‌های قبل، از دو مجموعه از داده‌های نوعی مربوط به طرح هزینه و درآمد خانوار استفاده می‌شود. منع این داده‌ها یک طرح تحقیقاتی است که مشخصات آن در مرجع [۱۰] آمده است. با توجه به نحوه اجرای این طرح و هماهنگی‌های لازم در اجرای آن میزان خطای پوشش و خطای بی‌پاسخی ناچیز فرض شده است. روش نمونهگیری در این طرح آماری، خوشای دومرحله‌ای است. مرحله اول نمونهگیری مربوط به انتخاب بلوک‌ها و مرحله دوم مربوط به انتخاب خانوارهای نمونه در بلوک‌های انتخاب شده است. بلوک‌های نمونه با استفاده از فایل چارچوب و بروش سیستماتیک P. P. S. (احتمال انتخاب مناسب با تعداد خانوار) انتخاب می‌شوند. پرسشنامه این طرح سوالات متعددی دارد. این سوالات مربوط به ریز اقلام هزینه و درآمدهای گوناگون خانوار است.

در این بررسی دقت آمارگیری یک برآوردهای غیرخطی در دو مجموعه از داده‌ها محاسبه می‌شود. برآوردهای مورد نظر نسبت هزینه‌های خوراک به درآمد کل خانوارها است.

چنان‌که در رابطه (۲) ملاحظه شد، واریانس کل برآوردهای از مجموع واریانس‌های نمونهگیری و غیرنمونهگیری قابل محاسبه است و بهمنظور تعیین واریانس غیرنمونهگیری می‌توان از روابط (۹) یا (۱۰) استفاده کرد.

برای برآوردهای نمونهگیری برآوردهای غیرخطی مورد نظر از روش جکنایف استفاده شده است و این مقدار بر اساس طرح نمونهگیری (خوشای دومرحله‌ای) برای برآوردهای غیرخطی موردنظر (یعنی نسبت هزینه‌های خوراک به درآمد کل) محاسبه می‌شود.

در مجموعه داده‌های اول، برآورد پارامتر مورد نظر برابر $0/66$ و واریانس نمونهگیری برآوردهای $0/0021$ حاصل می‌شود. برای مجموعه داده‌های دوم، مقدار پارامتر $0/61$ برآورد می‌شود و واریانس نمونهگیری آن $0/001$ بهدست می‌آید.

حال به بررسی واریانس غیرنمونهگیری برآوردهای غیرخطی مورد نظر با بهکارگیری روابط حاصل در بخش‌های قبل می‌پردازیم.

برای داده‌های مجموعه اول، مقدار $MSD = 2/294 \times 10^{15}$ و $MSR = 3/287 \times 10^{14}$ حاصل می‌شود. لذا واریانس غیرنمونه‌گیری این برآوردهای غیرخطی از رابطه (۹) برابر با $0/0455$ بهدست می‌آید. واریانس کل آمارگیری برآوردهای غیرخطی مورد نظر، با توجه به مقدار واریانس نمونه‌گیری آن و با بهکارگیری روابط ارائه شده، برابر با $0/0476$ حاصل می‌شود.

در مجموعه دوم داده‌ها، مقادیر $MSD = 1/114 \times 10^{15}$ و $MSR = 1/459 \times 10^{14}$ بهدست می‌آید. لذا از رابطه (۹)، مقدار واریانس غیرنمونه‌گیری برآوردهای غیرخطی می‌شود، بنا بر این واریانس کل آمارگیری برآوردهای غیرخطی می‌شود.

چنان‌که ملاحظه می‌شود، میزان واریانس کل آمارگیری برآوردهای غیرخطی مورد نظر برای هر دو مجموعه از داده‌ها با بهکارگیری برآوردهای غیرخطی و روابط حاصل در این مقاله، محاسبه شد. نتایج حاصل نشان می‌دهد که دقت آمارگیری در مجموعه داده‌های دوم بیشتر از مجموعه اول در برآورد پارامتر مورد نظر است. تعیین دقت نتایج حاصل از آمارگیری‌ها دارای اهمیت و کاربردهای فراوانی است. برای این منظور لازم است که واریانس کل آمارهای در آمارگیری محاسبه شود. لذا استفاده از روش ارائه شده و روابط حاصل در این مقاله برای برآورد دقت برآوردهای غیرخطی در آمارگیری‌ها پیشنهاد می‌شود.

نتیجه‌گیری

توجه به میزان کیفیت نتایج حاصل از آمارگیری‌ها بهدلیل کاربردهای فراوان آن‌ها ضروری می‌نماید. برای محاسبه کیفیت داده‌ها لازم است دقت آمارهای برآوردهای غیرخطی مورد نظر قرار گرفته باشد و روابطی برای این مقاله نحوه برآورد واریانس کل برآوردهای غیرخطی مورد نظر کاربردی کردن نتایج محاسبه دقت برآوردهای غیرخطی در حالت کلی ارائه شده است. علاوه بر این بهمنظور کاربردی کردن نتایج حاصل، برآوردهای غیرخطی در مربوط در مورد یک برآوردهای غیرخطی پرکاربرد بهصورت دقیق‌تر تعیین شده است. برای سایر برآوردهای غیرخطی نیز نتایج مورد نظر با بهکارگیری روش کلی ارائه شده، قابل حصول است.

بهمنظور ارائه کاربردی عملی از نتایج حاصل در این مقاله، از دو مجموعه از داده‌های نوعی استفاده شده و میزان دقت یک برآوردهای غیرخطی در این دو مجموعه از داده‌ها محاسبه شده است. تعیین دقت نتایج حاصل از آمارگیری‌ها دارای کاربردهای متعددی است. لذا بهکارگیری نتایج و برآوردهای غیرخطی در این مقاله بهمنظور برآورد دقت آمارهای غیرخطی در آمارگیری‌ها توصیه می‌شود. در پایان لازم به ذکر است که این تحقیق با حمایت مالی دانشگاه الزهرا(س) انجام شده است.

منابع

1. W. G. Cochran, "Sampling Techniques", 3d ed., Wiley, N. Y. (1977).
2. K. M. Wolter, "Introduction to Variance Estimation", Second Ed., Springer, N. Y. (2007).
3. P. S. Levy, "Sampling of Populations: Methods and Applications", Wiley, N. Y. (1991).
4. C. E. Sarndal, S. Lundstrom, "Estimation in Surveys with Nonresponse", Wiley, N. Y. (2005).
5. R. M. Groves, "Survey Errors and Survey Costs", Wiley, N. Y. (2004).
6. M. Bavadz, "The Response Process in Recurring Business Surveys", Proceeding of European Conference on Quality in Survey Statistics (2006).
- 7- ر. علی‌محمدی، مدل‌سازی خطای پاسخ در آمارگیری‌های حضوری، رساله دکترای آمار، دانشگاه تربیت مدرس، تهران (۱۳۸۴).
- 8- ر. علی‌محمدی، برآورد خطای نمونه‌گیری در آمارگیری‌های پیچیده، هفتمین کنفرانس آمار ایران، دانشگاه علامه طباطبائی، تهران (۱۳۸۳).
- 9- ر. علی‌محمدی، آماره‌های آزمون و برآورد مؤلفه‌های واریانس مدل خطای پاسخ در آمارگیری‌های حضوری، مجله علوم، دانشگاه شهید چمران، اهواز (۱۳۸۶)، ش ۱۸، ص ۳۵-۴۵.
- 10- مرکز آمار ایران، مقایسه دو روش اطلاع‌گیری از هزینه و درآمد خانوار، گزارش طرح تحقیقاتی، مدیریت پژوهش‌های آماری، مرکز آمار ایران، تهران (۱۳۷۸).